

Verteilte Datenbanken

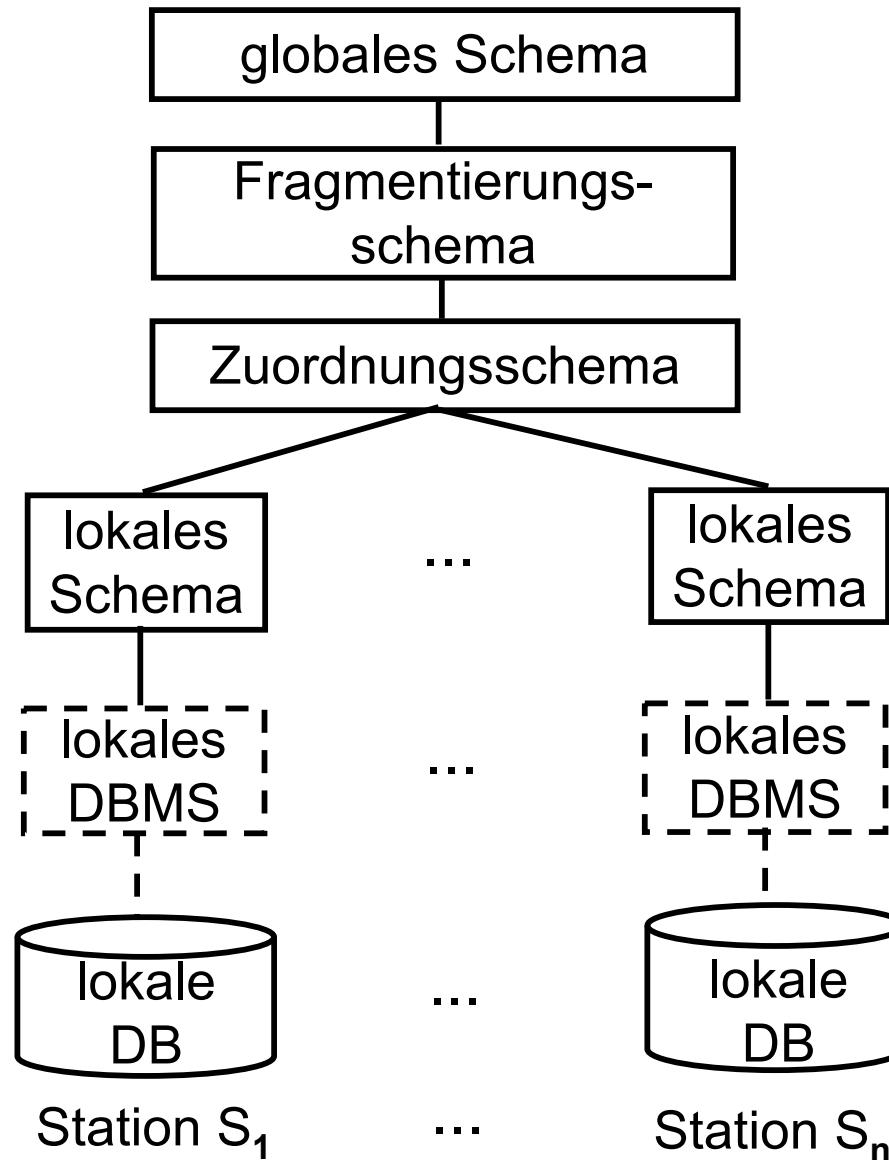
nach: Alfons Kemper, A. Eickler, Datenbanksysteme
(Originalpräsentation etwas gekürzt, RM)

- **Motivation:**
 - geographisch verteilte Organisationsform einer Bank mit ihren Filialen**
 - **Filialen sollen Daten lokaler Kunden bearbeiten können**
 - **Zentrale soll Zugriff auf alle Daten haben (z.B. für Kontogutheissungen)**

Terminologie

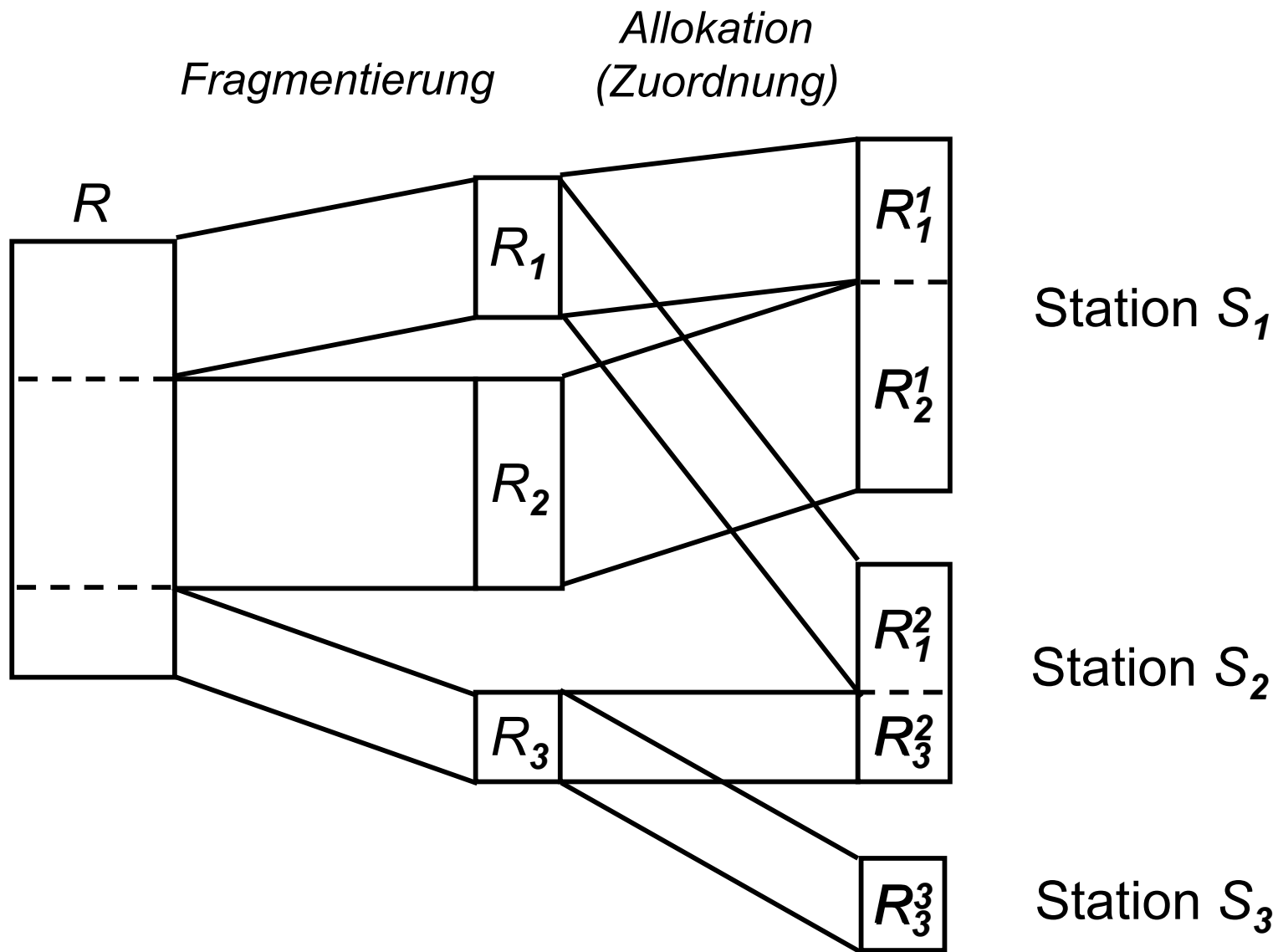
- Sammlung von Informationseinheiten, verteilt auf mehreren Rechnern, verbunden mittels Kommunikationsnetz → nach *Ceri & Pelagatti* (1984)
- Kooperation zwischen autonom arbeitenden Stationen, zur Durchführung einer globalen Aufgabe

Aufbau und Entwurf eines verteilten Datenbanksystems



Fragmentierung und Allokation einer Relation

- Fragmentierung: Fragmente enthalten Daten mit gleichem Zugriffsverhalten
- Allokation: Fragmente werden den Stationen zugeordnet
 - mit Replikation (redundanzfrei)
 - ohne Replikation



Fragmentierung

- horizontale Fragmentierung: Zerlegung der Relation in disjunkte Tupelmengen
- vertikale Fragmentierung: Zusammenfassung von Attributen mit gleichem Zugriffsmuster
- kombinierte Fragmentierung: Anwendung horizontaler und vertikaler Fragmentierung auf dieselbe Relation

Korrektheits-Anforderungen

- Rekonstruierbarkeit
- Vollständigkeit
- Disjunktheit

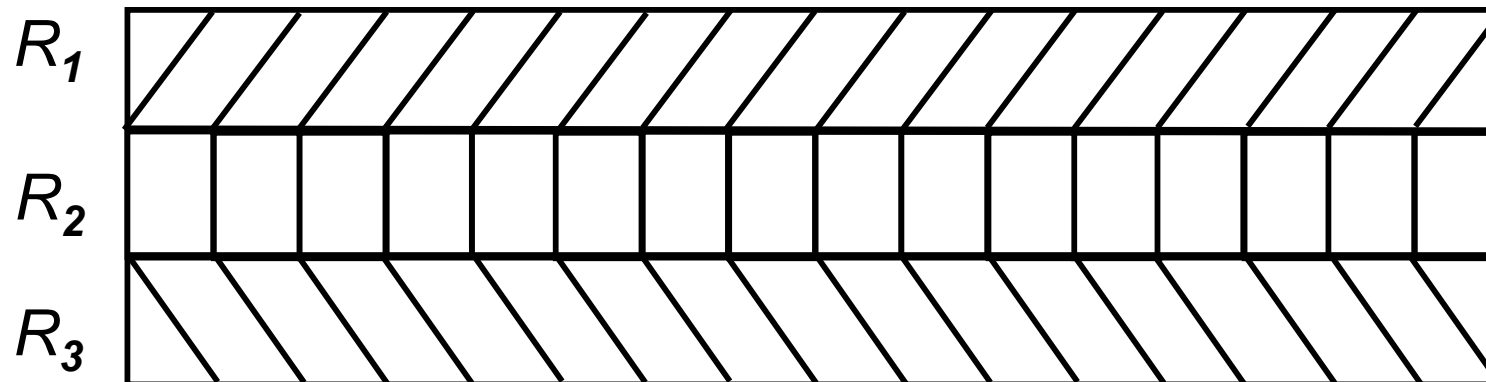
Beispielrelation Professoren

Professoren						
PersNr	Name	Rang	Raum	Fakultät	Gehalt	Steuerklasse
2125	Sokrates	C4	226	Philosophie	85000	1
2126	Russel	C4	232	Philosophie	80000	3
2127	Kopernikus	C3	310	Physik	65000	5
2133	Popper	C3	52	Philosophie	68000	1
2134	Augustinus	C3	309	Theologie	55000	5
2136	Curie	C4	36	Physik	95000	3
2137	Kant	C4	7	Philosophie	98000	1

Horizontale Fragmentierung

abstrakte Darstellung:

R



Für 2 Prädikate p_1 und p_2 ergeben sich 4 Zerlegungen:

$$R1 := \sigma_{p_1 \wedge p_2}(R)$$

$$R2 := \sigma_{p_1 \wedge \neg p_2}(R)$$

$$R3 := \sigma_{\neg p_1 \wedge p_2}(R)$$

$$R4 := \sigma_{\neg p_1 \wedge \neg p_2}(R)$$



n Zerlegungsprädikate p_1, \dots, p_n ergeben 2^n Fragmente

sinnvolle Gruppierung der Professoren nach Fakultätszugehörigkeit:

→ 3 Zerlegungsprädikate:

$p_1 \equiv$ Fakultät = ‚Theologie‘

$p_2 \equiv$ Fakultät = ‚Physik‘

$p_3 \equiv$ Fakultät = ‚Philosophie‘

TheolProfs' := $\sigma_{p_1 \wedge \neg p_2 \wedge \neg p_3}$ (Professoren) = σ_{p_1} (Professoren)

PhysikProfs' := $\sigma_{\neg p_1 \wedge p_2 \wedge \neg p_3}$ (Professoren) = σ_{p_2} (Professoren)

PhiloProfs' := $\sigma_{\neg p_1 \wedge \neg p_2 \wedge p_3}$ (Professoren) = σ_{p_3} (Professoren)

AndereProfs' := $\sigma_{\neg p_1 \wedge \neg p_2 \wedge \neg p_3}$ (Professoren)

Abgeleitete horizontale Fragmentierung

Beispiel *Vorlesungen* aus dem Universitätsschema:
Zerlegung in Gruppen mit gleicher SWS-Zahl

2SWSVorls := $\sigma_{\text{sWS}=2}$ (Vorlesungen)

3SWSVorls := $\sigma_{\text{sWS}=3}$ (Vorlesungen)

4SWSVorls := $\sigma_{\text{sWS}=4}$ (Vorlesungen)

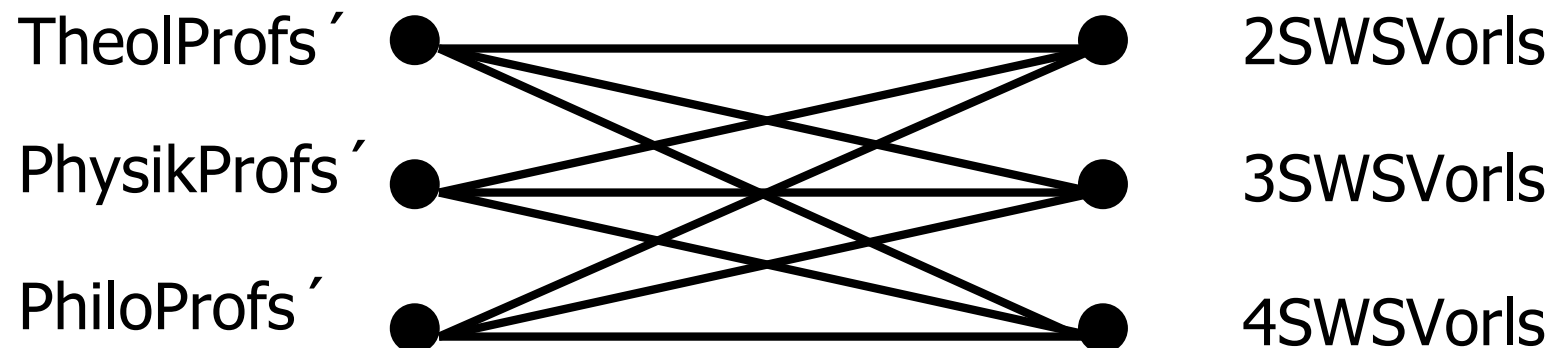
 für Anfragebearbeitung schlechte Zerlegung

```
select Titel, Name  
from Vorlesungen, Professoren  
where gelesenVon = PersNr;
```

resultiert in:

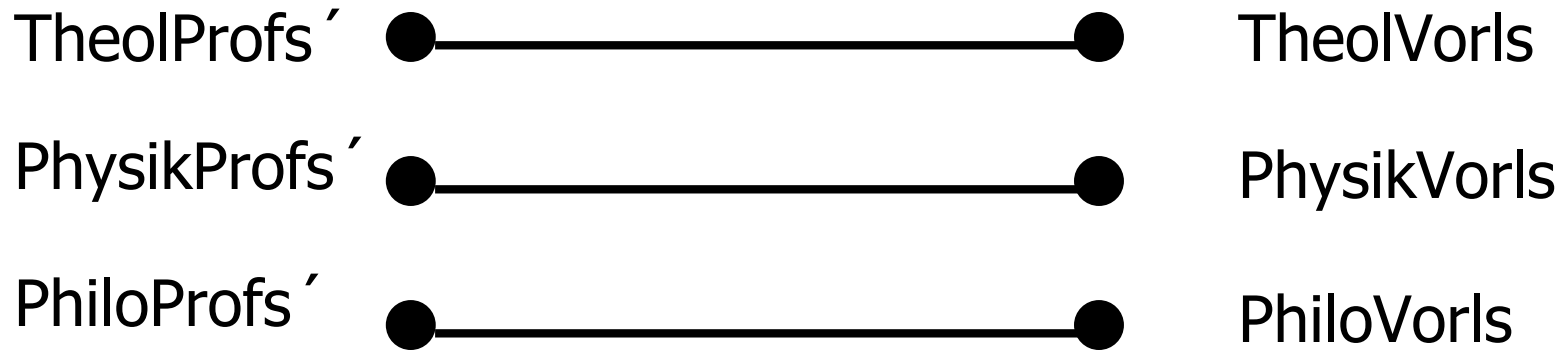
$$\Pi_{\text{Titel, Name}}((\text{TheolProfs}' \mid \triangleright \triangleleft \mid \text{2SWSVorls}) \cup$$
$$(\text{TheolProfs}' \mid \triangleright \triangleleft \mid \text{3SWSVorls}) \cup$$
$$\dots \cup (\text{PhiloProfs}' \mid \triangleright \triangleleft \mid \text{4SWSVorls}))$$

Join-Graph zu diesem Problem:





Lösung: abgeleitete Fragmentierung



TheolVorls := Vorlesungen $|><_{\text{gelesenVon=PersNr}}$ TheolProfs'

PhysikVorls := Vorlesungen $|><_{\text{gelesenVon=PersNr}}$ PhysikProfs'

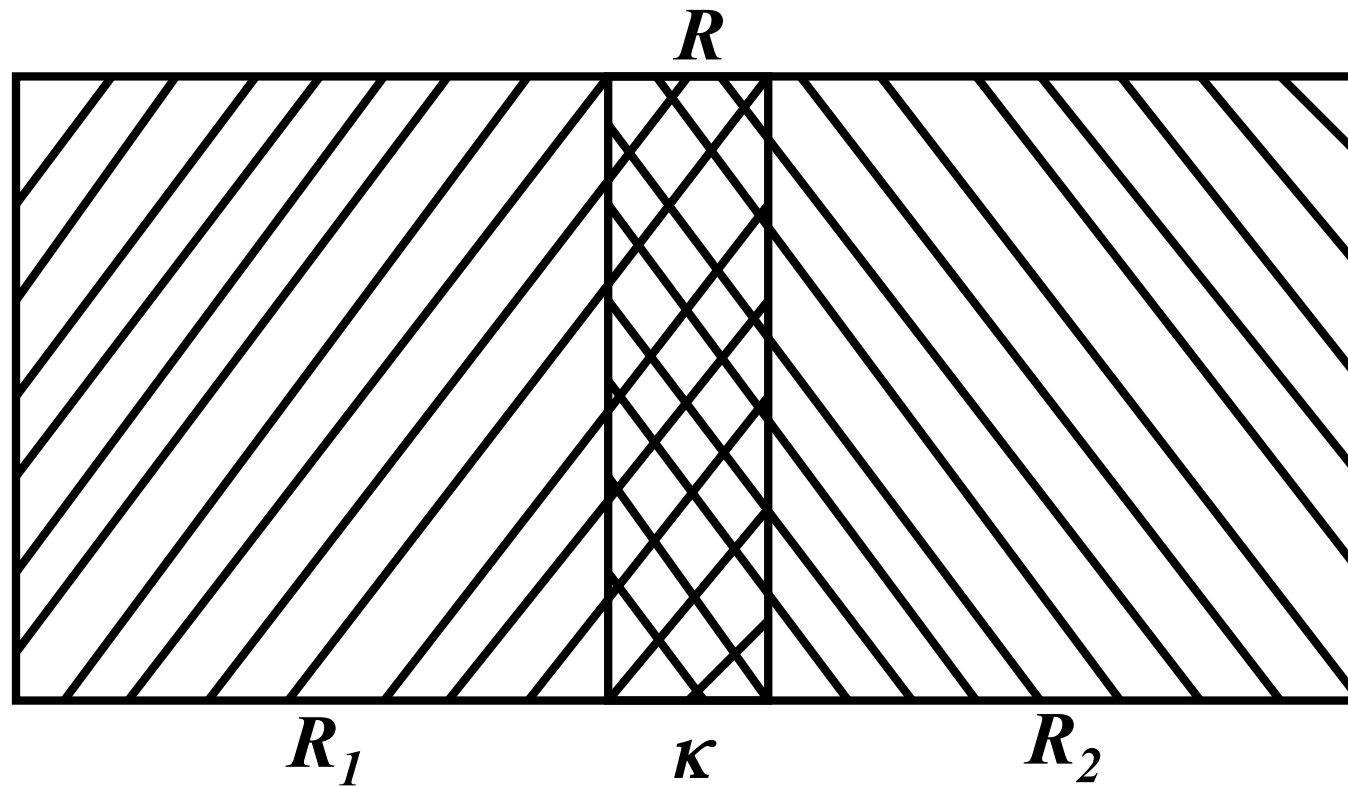
PhiloVorls := Vorlesungen $|><_{\text{gelesenVon=PersNr}}$ PhiloProfs'

$\Pi_{\text{Titel, Name}}((\text{TheolProfs}' |><|_p \text{TheolVorls}) \cup$
 $(\text{PhysikProfs}' |><|_p \text{PhysikVorls}) \cup$
 $(\text{PhiloProfs}' |><|_p \text{PhiloVorls}))$

mit $p \equiv (\text{PersNr} = \text{gelesenVon})$

Vertikale Fragmentierung

abstrakte Darstellung:



Vertikale Fragmentierung

Beliebige vertikale Fragmentierung gewährleistet **keine Rekonstruierbarkeit**

2 mögliche Ansätze, um Rekonstruierbarkeit zu garantieren:

- jedes Fragment enthält den Primärschlüssel der Originalrelation. Aber: Verletzung der *Disjunktheit*
- jedem Tupel der Originalrelation wird ein eindeutiges **Surrogat** (= künstlich erzeugter Objektindikator) zugeordnet, welches in jedes vertikale Fragment des Tupels mit aufgenommen wird

Vertikale Fragmentierung (Beispiel)

für die Universitätsverwaltung sind PersNr, Name, Gehalt und Steuerklasse interessant:

ProfVerw := Π PersNr, Name, Gehalt, Steuerklasse (Professoren)

für Lehre und Forschung sind dagegen PersNr, Name, Rang, Raum und Fakultät von Bedeutung:

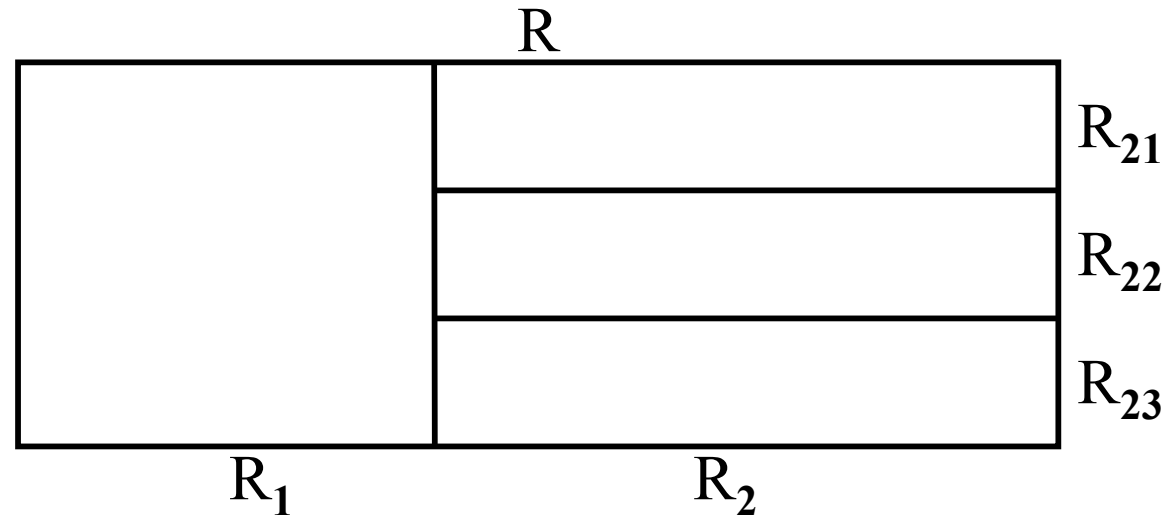
Profs := Π PersNr, Name, Rang, Raum, Fakultät (Professoren)

Rekonstruktion der Originalrelation *Professoren*:

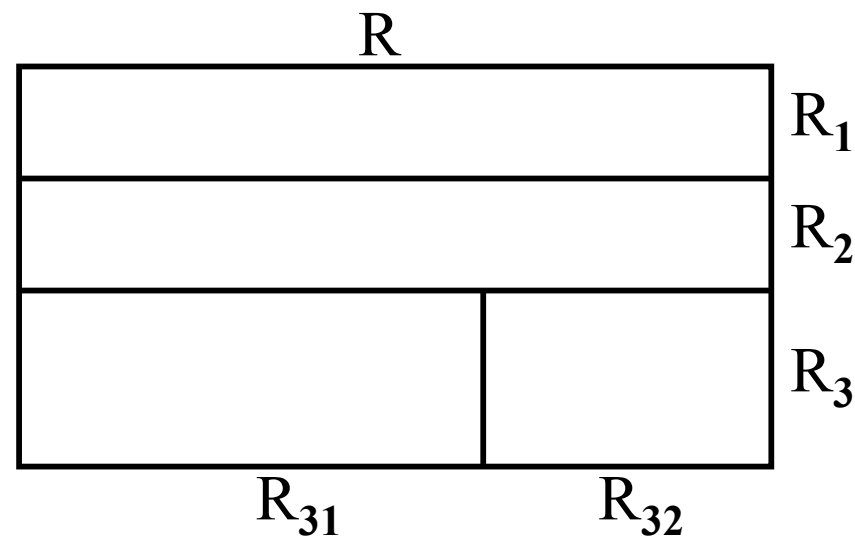
Professoren = ProfVerw \bowtie Profs | ProfVerw.PersNr = Profs.PersNr

Kombinierte Fragmentierung

a) horizontale Fragmentierung nach vertikaler Fragmentierung



b) vertikale Fragmentierung nach horizontaler Fragmentierung



Rekonstruktion nach kombinierter Fragmentierung

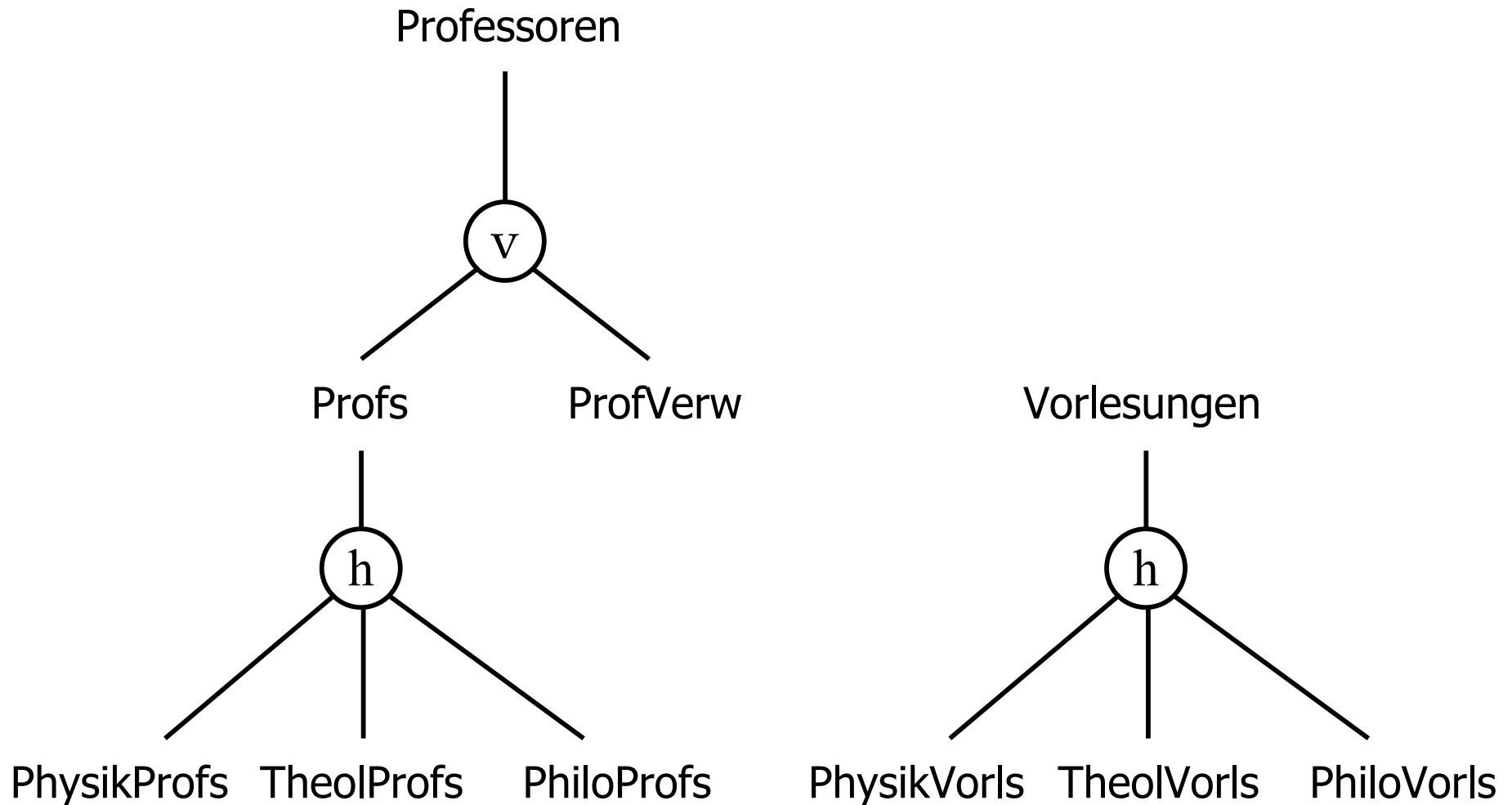
Fall a)

$$R = R_1 \mid \rangle \langle \mid_p (R_{21} \cup R_{22} \cup R_{23})$$

Fall b)

$$R = R_1 \cup R_2 \cup (R_{31} \mid \rangle \langle \mid_{R_{31} \cdot \kappa = R_{32} \cdot \kappa} R_{32})$$

Baumdarstellung der Fragmentierungen (Beispiel)



Allokation

- Dasselbe Fragment kann mehreren Stationen zugeordnet werden
- Allokation für unser Beispiel ohne Replikationen ⇒ **redundanzfreie** Zuordnung

Station	Bemerkung	zugeordnete Fragmente
S_{Verw}	Verwaltungsrechner	$\{ProfVerw\}$
S_{Physik}	Dekanat Physik	$\{PhysikVorls, PhysikProfs\}$
S_{Philo}	Dekanat Philosophie	$\{PhiloVorls, PhiloProfs\}$
S_{Theol}	Dekanat Theologie	$\{TheolVorls, TheolProfs\}$

Transparenz in verteilten Datenbanken

- Grad der Unabhängigkeit den ein VDBMS dem Benutzer beim Zugriff auf verteilte Daten vermittelt
- verschiedene Stufen der Transparenz:
 - ◆ Fragmentierungstransparenz
 - ◆ Allokationstransparenz
 - ◆ Lokale Schema-Transparenz

Fragmentierungstranparenz

Beispielanfrage, die Fragmentierungstranparenz voraussetzt:

```
select Titel, Name  
from Vorlesungen, Professoren  
where gelesenVon = PersNr;
```

Beispiel für eine Änderungsoperation, die Fragmentierungstranparenz voraussetzt:

```
update Professoren  
  set Fakultät = 'Theologie'  
  where Name = 'Sokrates';
```

Fortsetzung Beispiel

- Ändern des Attributwertes von *Fakultät*
- Transferieren des Sokrates-Tupels aus Fragment *PhiloProfs* in das Fragment *TheolProfs* (= Löschen aus *PhiloProfs*, Einfügen in *TheolProfs*)
- Ändern der abgeleiteten Fragmentierung von *Vorlesungen* (= Einfügen der von Sokrates gehaltenen Vorlesungen in *TheolVorls*, Löschen der von ihm gehaltenen Vorlesungen aus *PhiloVorls*)

Allokationstransparenz

Benutzer müssen Fragmentierung kennen, aber nicht den „Aufenthaltort“ eines Fragments

Beispielanfrage:

```
select Gehalt  
from ProfVerw  
where Name = ‚Sokrates‘;
```

Allokationstransparenz (Forts.)

unter Umständen muss Originalrelation rekonstruiert werden

Beispiel:

Verwaltung möchte wissen, wieviel die C4-Professoren der Theologie insgesamt verdienen

da Fragmentierungstransparenz fehlt muss die Anfrage folgendermaßen formuliert werden:

```
select sum (Gehalt)  
from ProfVerw, TheolProfs  
where ProfVerw.PersNr = TheolProfs.PersNr and  
      Rang = 'C4';
```

Lokale Schema-Transparenz

Der Benutzer muss auch noch den Rechner kennen, auf dem ein Fragment liegt.

Beispielanfrage:

```
select Name  
from TheolProfs at STheol  
where Rang = 'C3';
```

Lokale Schema-Transparenz (Forts.)

Ist überhaupt Transparenz gegeben?

Lokale Schema-Transparenz setzt voraus, daß alle Rechner dasselbe Datenmodell und dieselbe Anfragesprache verwenden.

⇒ vorherige Anfrage kann somit analog auch an Station S_{Philo} ausgeführt werden

Dies ist nicht möglich bei Kopplung unterschiedlicher DBMS.

Verwendung grundsätzlich verschiedener Datenmodelle auf lokalen DBMS nennt man „Multi-Database-Systems“ (oft unumgänglich in „realer“ Welt).

Transaktionskontrolle in VDBMS

- Transaktionen können sich bei VDBMS über mehrere Rechnerknoten erstrecken
- ⇒ Recovery:
 - Redo: Wenn eine Station nach einem Fehler wieder anläuft, müssen alle Änderungen einmal abgeschlossener Transaktionen - seien sie lokal auf dieser Station oder global über mehrere Stationen ausgeführt worden - auf den an dieser Station abgelegten Daten wiederhergestellt werden.
 - Undo: Die Änderungen noch nicht abgeschlossener lokaler und globaler Transaktionen müssen auf den an der abgestürzten Station vorliegenden Daten rückgängig gemacht werden.

EOT-Behandlung

Die EOT (End-of-Transaction)-Behandlung von globalen Transaktionen stellt in VDBMS ein Problem dar.

Eine globale Transaktion muss atomar beendet werden, d.h. entweder

➤ **commit:** globale Transaktion wird an allen (relevanten) lokalen Stationen festgeschrieben

oder

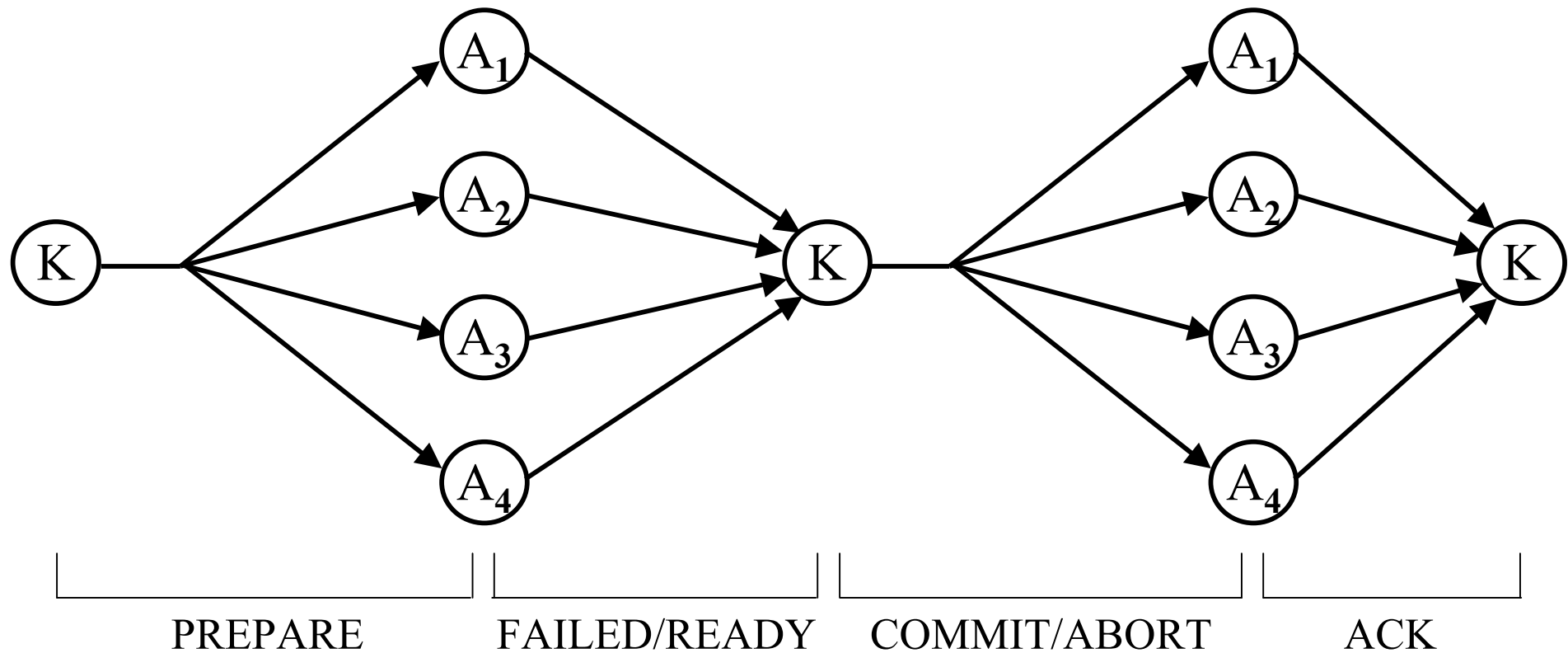
➤ **abort:** globale Transaktion wird gar nicht festgeschrieben

⇒ Problem in verteilter Umgebung, da die Stationen eines VDBMS unabhängig voneinander „abstürzen“ können

Problemlösung: ***Zweiphasen-Commit-Protokoll***

- gewährleistet die Atomarität der EOT-Behandlung
- das 2PC-Verfahren wird von sog. Koordinator K überwacht
- gewährleistet, dass die n Agenten (=Stationen im VDBMS) A_1, \dots, A_n , die an einer Transaktion beteiligt waren, entweder alle von Transaktion T geänderten Daten festschreiben oder alle Änderungen von T rückgängig machen

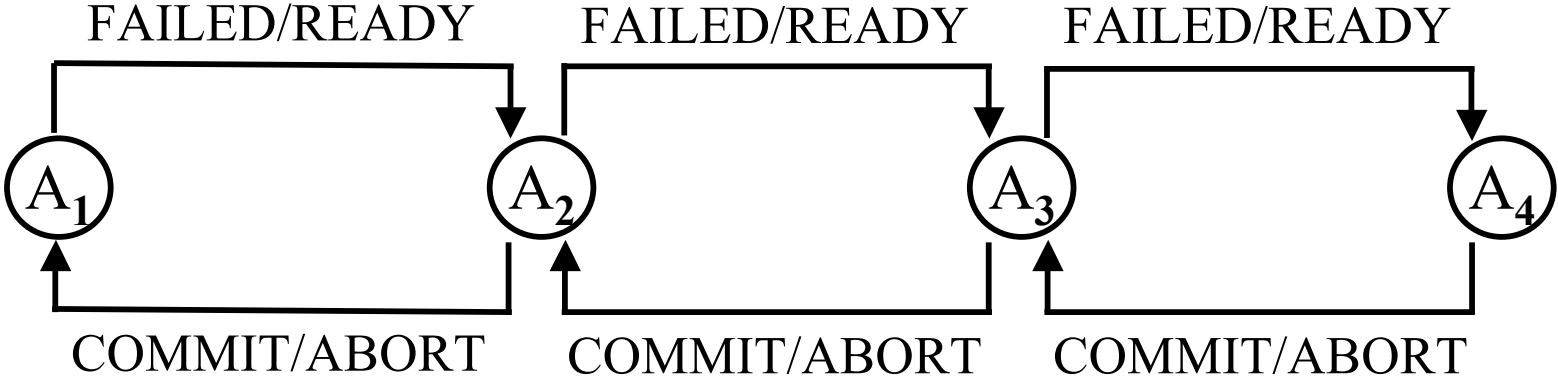
Nachrichtenaustausch beim 2PC-Protokoll (für 4 Agenten)



Ablauf der EOT-Behandlung beim 2PC-Protokoll

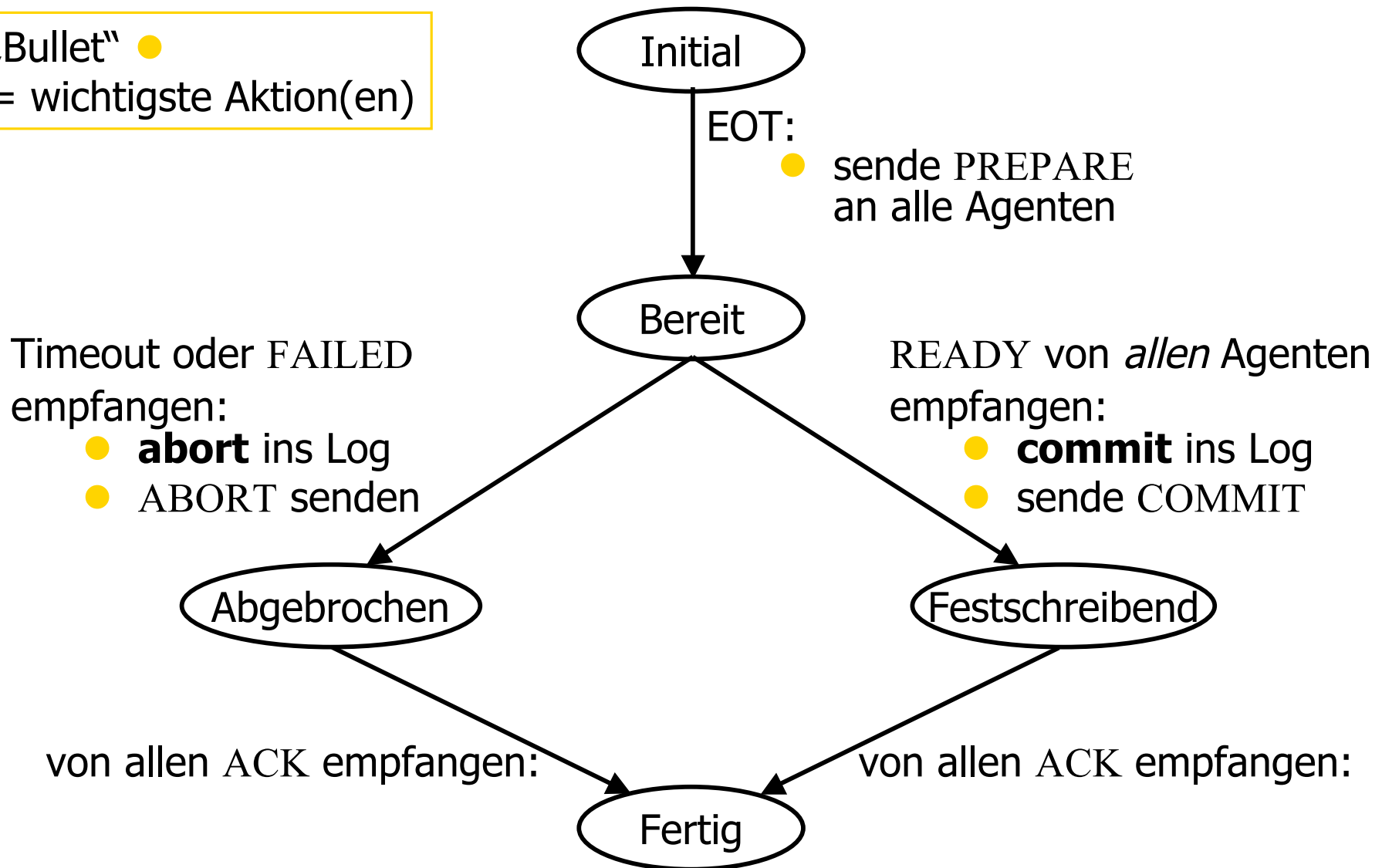
- K schickt allen Agenten eine **PREPARE**-Nachricht, um herauszufinden, ob sie Transaktionen festschreiben können
- jeder Agent A_i empfängt **PREPARE**-Nachricht und schickt eine von zwei möglichen Nachrichten an K :
 - ◆ **READY**, falls A_i in der Lage ist, die Transaktion T lokal festzuschreiben
 - ◆ **FAILED**, falls A_i kein **commit** durchführen kann (wegen Fehler, Inkonsistenz etc.)
- hat K von **allen** n Agenten A_1, \dots, A_n ein **READY** erhalten, kann K ein **COMMIT** an alle Agenten schicken mit der Aufforderung, die Änderungen von T lokal festzuschreiben; antwortet einer der Agenten mit **FAILED** od. gar nicht innerhalb einer bestimmten Zeit (*timeout*), schickt K ein **ABORT** an alle Agenten und diese machen die Änderungen der Transaktion rückgängig
- haben die Agenten ihre lokale EOT-Behandlung abgeschlossen, schicken sie eine **ACK**-Nachricht (=acknowledgement, dt. Bestätigung) an den Koordinator

Lineare Organisationsform beim 2PC-Protokoll

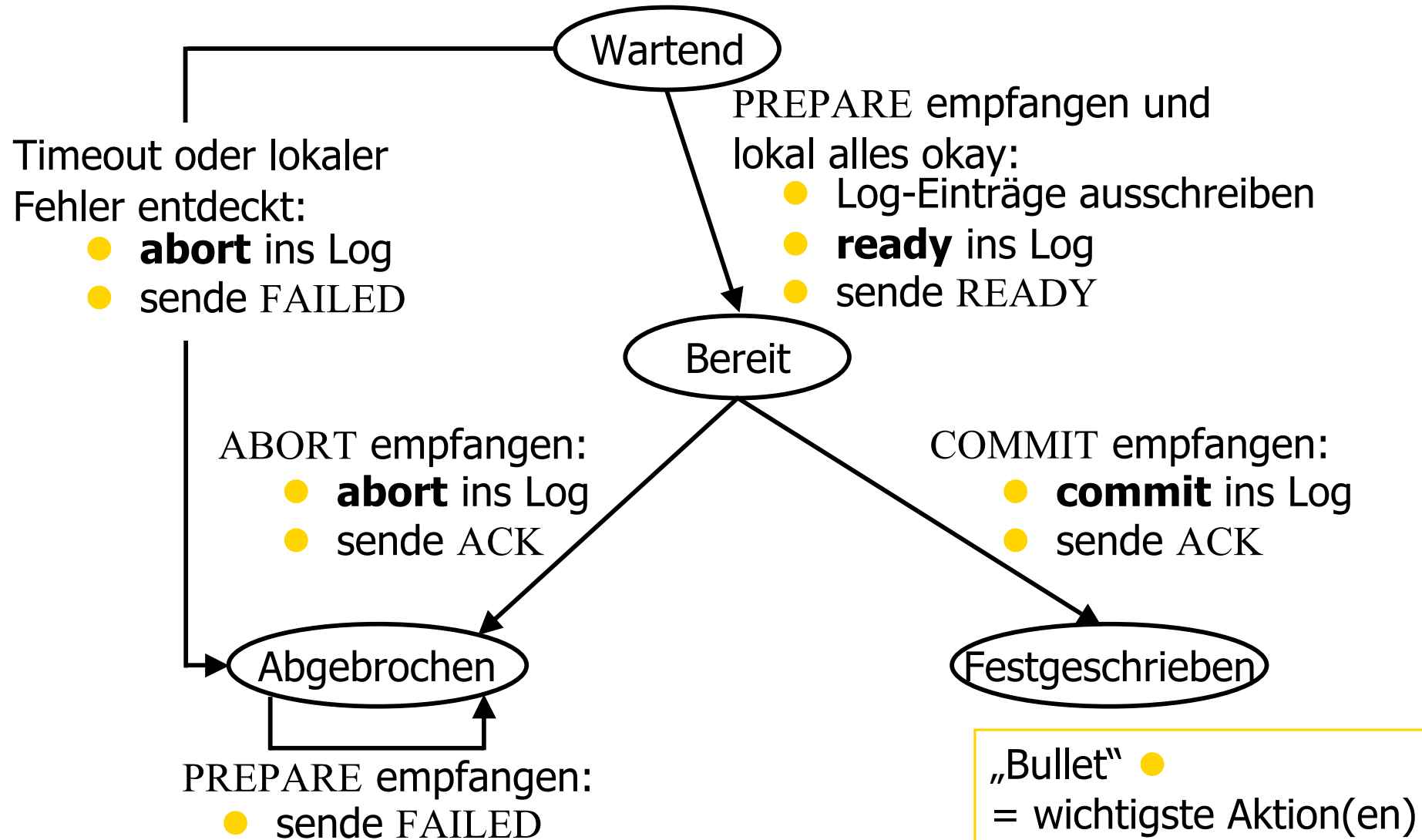


Zustandsübergang beim 2PC-Protokoll: Koordinator

„Bullet“ ●
= wichtigste Aktion(en)



Zustandsübergang beim 2PC-Protokoll: Agent



Fehlersituationen des 2PC-Protokolls

- Absturz eines Koordinators
- Absturz eines Agenten
- verlorengegangene Nachrichten

Absturz eines Koordinators

- Absturz vor dem Senden einer COMMIT-Nachricht
→ Rückgängigmachen der Transaktion durch Versenden einer ABORT-Nachricht
- Absturz nachdem Agenten ein READY mitgeteilt haben → **Blockierung der Agenten**

⇒ Hauptproblem des 2PC-Protokolls beim Absturz des Koordinators, da dadurch die Verfügbarkeit des Agenten bezüglich andere globaler und lokaler Transaktionen drastisch eingeschränkt ist

Um Blockierung von Agenten zu verhindern, wurde ein **Dreiphasen-Commit-Protokoll** konzipiert, das aber in der Praxis zu aufwendig ist (VDBMS benutzen das 2PC-Protokoll).

Absturz eines Agenten

- antwortet ein Agent innerhalb eines Timeout-Intervalls nicht auf die *PREPARE*-Nachricht, gilt der Agent als abgestürzt; der Koordinator bricht die Transaktion ab und schickt eine *ABORT*-Nachricht an alle Agenten
- „abgestürzter“ Agent schaut beim Wiederanlauf in seine Log-Datei:
 - kein **ready**-Eintrag bzgl. Transaktion T → Agent führt ein abort durch und teilt dies dem Koordinator mit (*FAILED*-Nachricht)
 - **ready**-Eintrag aber kein **commit**-Eintrag → Agent fragt Koordinator, was aus Transaktion T geworden ist; Koordinator teilt *COMMIT* oder *ABORT* mit, was beim Agenten zu einem Redo oder Undo der Transaktion führt
 - **commit**-Eintrag vorhanden → Agent weiß ohne Nachfragen, dass ein (lokales) Redo der Transaktion nötig ist

Verlorengegangene Nachrichten

- *PREPARE*-Nachricht des Koordinators an einen Agenten geht verloren **oder**
- *READY*-(oder *FAILED*-)Nachricht eines Agenten geht verloren
→ nach Timeout-Intervall geht Koordinator davon aus, dass betreffender Agent nicht funktionsfähig ist und sendet *ABORT*-Nachricht an alle Agenten (Transaktion gescheitert)
- Agent erhält im Zustand **Bereit** keine Nachricht vom Koordinator → Agent ist blockiert, bis *COMMIT*- oder *ABORT*-Nachricht vom Koordinator kommt, da Agent nicht selbst entscheiden kann (deshalb schickt Agent eine „Erinnerung“ an den Koordinator)

Mehrbenutzersynchronisation in VDBMS

- Serialisierbarkeit
- Zwei-Phasen-Sperrprotokoll in VDBMS
 - lokale Sperrverwaltung an jeder Station
 - globale Sperrverwaltung

Serialisierbarkeit

Lokale Serialisierbarkeit an jeder der an den Transaktionen beteiligten Stationen reicht nicht aus. Deshalb muß man bei der Mehrbenutzersynchronisation auf **globaler Serialisierbarkeit** bestehen.

Beispiel (lokal serialisierbare Historien):

S_1		S_2																					
<table border="1" style="border-collapse: collapse; width: 100%; text-align: center;"><thead><tr><th style="padding: 5px;">Schritt</th><th style="padding: 5px;">T_1</th><th style="padding: 5px;">T_2</th></tr></thead><tbody><tr><td style="padding: 5px;">1.</td><td style="padding: 5px;">r(A)</td><td style="padding: 5px;"></td></tr><tr><td style="padding: 5px;">2.</td><td style="padding: 5px;"></td><td style="padding: 5px;">w(A)</td></tr></tbody></table>	Schritt	T_1	T_2	1.	r(A)		2.		w(A)		<table border="1" style="border-collapse: collapse; width: 100%; text-align: center;"><thead><tr><th style="padding: 5px;">Schritt</th><th style="padding: 5px;">T_1</th><th style="padding: 5px;">T_2</th></tr></thead><tbody><tr><td style="padding: 5px;"></td><td style="padding: 5px;"></td><td style="padding: 5px;"></td></tr><tr><td style="padding: 5px;">3.</td><td style="padding: 5px;"></td><td style="padding: 5px;">w(B)</td></tr><tr><td style="padding: 5px;">4.</td><td style="padding: 5px;">r(B)</td><td style="padding: 5px;"></td></tr></tbody></table>	Schritt	T_1	T_2				3.		w(B)	4.	r(B)	
Schritt	T_1	T_2																					
1.	r(A)																						
2.		w(A)																					
Schritt	T_1	T_2																					
3.		w(B)																					
4.	r(B)																						
$T_1 \otimes T_2$																							

Lokale Sperrverwaltung

- globale Transaktion muß vor Zugriff/Modifikation eines Datums A, das auf Station S liegt, eine Sperre vom Sperrverwalter der Station S erwerben
- Verträglichkeit der angeforderten Sperre mit bereits existierenden Sperrungen kann lokal entschieden werden
→ favorisiert lokale Transaktionen, da diese nur mit ihrem lokalen Sperrverwalter kommunizieren müssen

Globale Sperrverwaltung

= alle Transaktionen fordern alle Sperren an einer einzigen, ausgezeichneten Station an.

Nachteile:

- zentraler Sperrverwalter kann zum Engpass des VDBMS werden, besonders bei einem Absturz der Sperrverwalter-Station („rien ne vas plus“)
- Verletzung der lokalen Autonomie der Stationen, da auch lokale Transaktionen ihre Sperren bei der zentralisierten Sperrverwaltung anfordern müssen

➔ zentrale Sperrverwaltung i.a. **nicht** akzeptabel

Deadlocks in VDBMS

- Erkennung von Deadlocks (Verklemmungen)
 - zentralisierte Deadlock-Erkennung
 - dezentrale (verteilte) Deadlock-Erkennung
- Vermeidung von Deadlocks

„Verteilter“ Deadlock

S ₁			S ₂		
Schritt	T ₁	T ₂	Schritt	T ₁	T ₂
0.	BOT				
1.	lockS(A)				
2.	r(A)				
6.		lockX(A) ~~~~~	3.		BOT
			4.		lockX(B)
			5.		w(B)
			7.	lockS(B) ~~~~~	

Timeout

- betreffende Transaktion wird zurückgesetzt und erneut gestartet → einfach zu realisieren
- Problem: richtige Wahl des Timeout-Intervalls:
 - zu lang → schlechte Ausnutzung der Systemressourcen
 - zu kurz → Deadlock-Erkennung, wo gar keine Verklemmung vorliegt

Zentralisierte Deadlock-Erkennung

- Stationen melden lokal vorliegende Wartebeziehungen an neutralen Knoten, der daraus globalen Wartegraphen aufbaut (Zyklus im Graphen \wedge Deadlock)
→ sichere Lösung
- Nachteile:
 - hoher Aufwand (viele Nachrichten)
 - Entstehung von Phantom-Deadlocks (=nicht-existierende Deadlocks) durch „Überholen“ von Nachrichten im Kommunikationssystem

Dezentrale Deadlock-Erkennung

- lokale Wartegraphen an den einzelnen Stationen
→ Erkennen von lokalen Deadlocks
- Erkennung globaler Deadlocks:
 - ◆ jeder lokale Wartegraph hat einen Knoten *External*, der stationenübergreifenden Wartebeziehungen zu externen Subtransaktionen modelliert
 - ◆ Zuordnung jeder Transition zu einem Heimatknoten, von wo aus *externe Subtransaktionen* auf anderen Stationen initiiert werden

Die Kante $External \rightarrow T_i$
wird für jede „von außen“ kommende Transaktion T_i eingeführt.

Die Kante $T_j \rightarrow External$
wird für jede von außen kommende Transaktion T_j dieser Station eingeführt, falls T_j „nach außen“ geht.

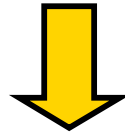
Beispiel:

S₁ Heimatknoten von T₁, S₂ Heimatknoten von T₂

Wartegraphen:

S₁: $External \rightarrow T_2 \rightarrow T_1 \rightarrow External$

S₂: $External \rightarrow T_1 \rightarrow T_2 \rightarrow External$



S₂: $External \otimes T_1 \otimes T_2 \otimes External$

$T_1 \rightarrow T_2 \rightarrow T_1$

$T_2 \rightarrow T_1 \rightarrow T_2$

Zur Reduzierung des Nachrichtenaufkommens wird der Pfad

$External \rightarrow T_1' \rightarrow T_2' \rightarrow \dots \rightarrow T_n' \rightarrow External$

nur weitergereicht, wenn T_1' einen kleineren Identifikator als T_n' hat (= path pushing).

Deadlock-Vermeidung

- optimistische Mehrbenutzersynchronisation:
nach Abschluss der Transaktionsbearbeitung wird Validierung durchgeführt
- Zeitstempel-basierende Synchronisation:
Zuordnung eines Lese-/Schreib-Stempels zu jedem Datum
→ entscheidet, ob beabsichtigte Operation durchgeführt werden kann ohne Serialisierbarkeit zu verletzen oder ob Transaktion abgebrochen wird (**abort**)

Sperrbasierte Synchronisation

- wound/wait:
nur jüngere Transaktionen warten auf ältere;
fordert ältere Transaktion Sperre an, die mit der von der jüngeren Transaktion gehaltenen nicht verträglich ist, wird jüngere Transaktion abgebrochen
- wait/die:
nur ältere Transaktionen warten auf jüngere;
fordert jüngere Transaktion Sperre an, die mit der von der älteren Transaktion gehaltenen nicht kompatibel ist, wird jüngere Transaktion abgebrochen

Voraussetzungen für Deadlockvermeidungsverfahren

- Vergabe global eindeutiger Zeitstempel als Transaktionsidentifikatoren

lokale Zeit	Stations-ID
-------------	-------------

- lokale Uhren müssen hinreichend genau aufeinander abgestimmt sein

Synchronisation bei replizierten Daten

Problem:

Zu einem Datum A gibt es mehrere Kopien A_1, A_2, \dots, A_n , die auf unterschiedlichen Stationen liegen.

Eine Lesetransaktion erfordert nur eine Kopie, bei Änderungstransaktionen müssen aber alle bestehenden Kopien geändert werden.

⇒ hohe Laufzeit und Verfügbarkeitsprobleme

Quorum-Consensus Verfahren

- Ausgleich der Leistungsfähigkeit zwischen Lese- und Änderungstransaktionen → teilweise Verlagerung des Overheads von den Änderungs- zu den Lesetransaktionen indem den Kopien A_i eines replizierten Datums A individuelle Gewichte zugeordnet werden
- *Lesequorum* $Q_r(A)$
- *Schreibquorum* $Q_w(A)$
- Folgende Bedingungen müssen gelten:
 1. $Q_w(A) + Q_w(A) > W(A)$
 2. $Q_r(A) + Q_w(A) > W(A)$

Beispiel

<i>Station (S_i)</i>	<i>Kopie (A_i)</i>	<i>Gewicht (w_i)</i>
S_1	A_1	3
S_2	A_2	1
S_3	A_3	2
S_4	A_4	2

$$W(A) = \sum_{i=1}^4 w_i(A) = 8$$

$$Q_r(A) = 4$$

$$Q_w(A) = 5$$

Zustände

a) vor dem Schreiben eines Schreibquorums

Station	Kopie	Gewicht	Wert	Versions#
S_1	A_1	3	1000	1
S_2	A_2	1	1000	1
S_3	A_3	2	1000	1
S_4	A_4	2	1000	1

b) nach dem Schreiben eines Schreibquorums

Station	Kopie	Gewicht	Wert	Versions#
S_1	A_1	3	1100	2
S_2	A_2	1	1000	1
S_3	A_3	2	1100	2
S_4	A_4	2	1000	1